

# 单个率 Meta 分析中率的不同转换方法应用现状

曾治宇

波科国际医疗贸易（上海）有限公司（北京 100020）

**摘要 目的** 考察当前单个率 Meta 分析的文献中对率的数据转换的实际使用情况。

**方法** 在 PubMed 中检索 2017 年发表的单个率 Meta 分析的文献，从 481 条记录中筛选出 145 篇纳入分析。**结果** 在有全文的 123 篇文献中只有 33 篇（26.8%）文献交代了率的转换方法的使用，其中双重反正弦法 20 篇，logit 转换 8 篇，平方根反正弦法 3 篇，对数转换 1 篇，直接使用原始率 1 篇。在这 33 篇文献中，率的转换方法的使用与汇总率的大小无关（ $P=0.217$ ）。**结论** 单个率的 Meta 分析中率的转换方法是较为重要的因素，但各种转换方法的优劣尚无定论，发表的文献应加强对于率的数据转换等方法的说明。

**关键词** 单个率；Meta 分析；数据转换

## Current State of Data Transformation in Meta Analysis of Single Proportions

ZENG Zhi-yu

Boston Scientific Corporation BSC Int'l Medical Trading (Shanghai) Co., Ltd. Beijing, 100020, China

**[Abstract] Objective** To investigate the current status of data transformation in Meta analysis of single proportions. **Methods** A literature search in PubMed was performed to retrieve researches of Meta analysis of single proportions published in 2017, and 481 records were returned. **Results** In 123 researches with full texts, only 33 (26.8%) described data transformation for proportions. Among which, double arcsine transformation was used 20 times, logit

transformation 8, squared arcsine transformation 3, log transformation 1 and raw proportion 1. There was no relation between pooled portions and data transformation method ( $P=0.217$ ). **Conclusion** Data transformation is important in Meta analysis of single proportions, however, it is yet to determined which transformation method is best. So, data transformation should be clarified in published papers.

**Key words** Single Proportions; Meta Analysis; Data Transformation

## 1 引言

Meta 分析是定量综合分析多个具有相同研究主题文献的过程，其本质是一种统计学方法<sup>[1]</sup>。Meta 分析的基本思想和方法产可追溯至 1904 年 Pearson 开始合并多个研究的结果，随后 Fisher 合并多个 P 值，但直到 1976 年 Glass GV 才首次命名了 Meta 分析 (Meta-analysis)<sup>[2,3]</sup>。

Meta 分析有多种类型，其中有一种特殊类型为单个率的 Meta 分析。单个率的 Meta 分析主要基于横断面研究的无对照二分类数据，这类数据常用于患病率、检出率、知晓率、病死率及感染率等的调查。这类数据的特点是仅有单组事件发生数和观察总数，而无对照组。本文关注的是这类数据的 Meta 分析，不包括以时间事件数据表达的发生率，也不包括诊断试验中的敏感性、特异性等效应量。

临床研究实践中对于率的数据处理，常用的方法是较为方便的正态近似法，但是当率或样本量偏小的情况下会出现较大的偏倚；并且，单个率的 Meta 分析采用倒方差法合并时，较小的率获得的权重可能会过大；此时应考虑率的不同的转换方法来满足统计分析的要求。目前单个率 Meta 分析的效应量合并率的转换方法上有多种选择，如不转换（直接使用原始率）、对数转换、logit 转换、平方根反正弦转换（squared arcsine）及双重反正弦转换（double arcsine）等，但在实际操作中具体应在什么情况下转换，首选何种转换方法并不十分明确。本研究拟考察当前单个率 Meta 分析的文献中对率的数据转换的实际使用情况。

## 2 方法

### 2.1 文献检索

在 PubMed 中检索 2017 年发表的文献，使用的检索词包括：Meta analysis、prevalence、incidence、rate、percentage、frequency、proportion、mortality、complication 等。以自由词检索为主，注意检索词之间合理的逻辑组合。反复调整检索方案后，最终以((((meta[title] AND analysis[title])) AND (proportion[Title] OR prevalence[Title] OR percentage[Title] OR frequency[Title] OR incidence[Title] OR rate[Title] OR complication[title] OR mortality[title])) AND ( "2017/01/01"[PDat] : "2017/12/31"[PDat] ))) AND meta-analysis[Publication Type]获得 481 条记录（2018 年 6 月 17 日检索）。

### 2.2 文献筛选

将 481 条记录导入 NoteExpress 文献管理软件，全部阅读标题及摘要，筛选标准为摘要中出现以百分比表达的 Meta 分析汇总的率，进而获取全文。文献筛选流程见图 2，最终纳入 145 篇，其中 123 获得全文。

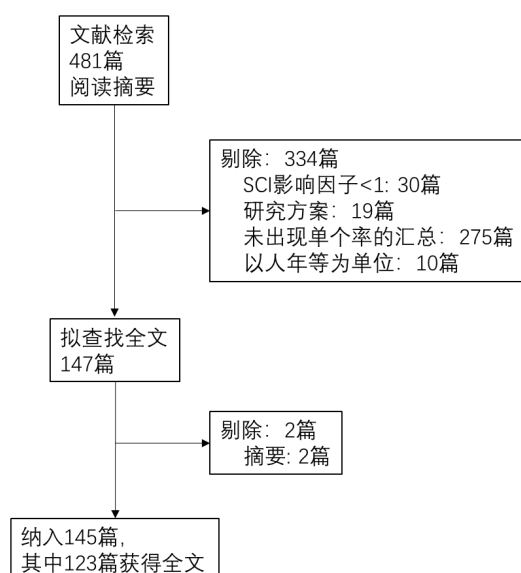


图 1 文献筛选流程

### 2.3 数据提取

提取率的类型、研究个数、最小样本量、Meta 分析软件、率的转换方法、汇总率及  $I^2$  值等参数，详见 Error: Reference source not found。当一篇文献有多次单个率的 Meta 分析时，选择最主要的一个，或者最先出现的那个。

## 2.4 统计分析

主要是统计描述，计数资料以数值及百分比表达，计量资料以均数 $\pm$ 标准差表达，同时给出中位数。无正式的假设检验，对汇总率的大小与率的转换方法作简单线性回归分析。统计软件为R（版本3.5.2）。

## 3 结果

在入选的145篇文献中，来自中国大陆的文献最多，37篇（25.5%），接下来是美国17篇（11.7%），加拿大15篇（10.3%），英国13篇（9.0%）。绝大多数文献使用了prevalence一词，122篇（84.1%），其他还有incidence 11篇（7.6%），rate 5篇（3.4%），proportion 3篇（2.1%）等。需要注意的是，使用prevalence词语的文献中有些是发生率的概念，但并没有用类似“人年数”的单位作分母；而有些文献虽然使用了incidence，但其实是prevalence，因统计方法相同，故都纳入了分析。

每个Meta分析纳入的研究个数从2-184不等，平均 $38.2 \pm 26.2$ ，中位数28（16-49）。最小样本量从2-39211不等，平均 $628.3 \pm 4202.3$ ，中位数49（20-134）。汇总的率从0.0003-0.984不等，平均 $0.245 \pm 0.227$ ，中位数0.179（0.070-0.351）。

在有全文的123篇文献中，Meta分析的软件以STATA使用最多，49篇（39.8%），Comprehensive Meta-Analysis（CMA）26篇（21.1%），R 21篇（17.1%），其他还有MetaXL 4篇（3.3%），Open Meta-Analysis 3篇（2.4%），MedCalc 3篇（2.4%），StatsDirect 3篇（2.4%）等。

在有全文的123篇文献中只有33篇（26.8%）文献交代了率的转换方法的使用，双重反正弦法20篇，logit转换8篇，平方根反正弦法3篇，对数转换1篇，直接使用原始率1篇。只有1篇文献（编号111）<sup>[4]</sup>比较了5种数据转换后的正态性，最后选择了平方根反正弦法。在这33篇文献中，率的转换方法的使用与汇总率的大小无关（简单线性回归， $P=0.217$ ）。

只有5篇文献交代了率的汇总的权重，其中4篇为倒方差，1篇为样本量。仅2篇文献提到当事件数为0时增加0.5进行校正。绝大多数文献给出了 $I^2$ 值，且反应了单个率Meta分析中各研究间明显的异质性，也多采用了随机效应模型。

## 4 讨论

本文对单个率的 Meta 分析中率的转换方法的应用现状作了较为细致的描述, 使用最多的方法为双重反正弦法, 其次为 logit 转换和平方根反正弦法。但总体看来, 发表的文献对于率的转换的交代不够充分, 对于权重、校正等说明也明显欠缺。

在单个率 Meta 分析的背景下, 初步检索国内文献有一些单个率 Meta 分析软件使用的介绍<sup>[5-8]</sup>, 如王佩鑫等介绍了无对照二分类资料的 Meta 分析方法及 Stata 实现<sup>[5]</sup>, 罗美玲等介绍了在 R 软件中实现单个率的 Meta 分析<sup>[6]</sup>, 肖静等介绍了单一率 Meta 分析的 Matlab 软件实现<sup>[7]</sup>, 陈月红等介绍了无对照二分类数据的 Meta 分析在 RevMan 软件中的实现<sup>[8]</sup>。但这些文献基本为介绍性, 重点在与各种软件的使用方法, 并没有对率的不同转换方法进行比较。

检索国外文献, 类似研究也不多见<sup>[9-11]</sup>。Trikalinos 等<sup>[9]</sup>对单个比例和发生率的 Meta 分析分别进行了进行模拟研究, 在单个比例的 Meta 分析中, 根据比例的分布、均值、方差、研究个数及研究样本量等构建了 700 余种 Meta 分析的情形, 对每种情形进行 1000 次随机抽样模拟, 同时考察固定效应模型和随机效应模型。率的转化包括了不转换、logit 转换和反正弦转换等 3 种方法, 结果显示反正弦转换是较好的方法。Barendregt 等<sup>[10]</sup>对患病率 (Prevalence) 的 Meta 分析进行了模拟研究, 假设了样本量为 20-180 的 9 个研究, 设定患病率为 0.05, 随机效应模型时假设患病率在不同的研究中为正态分布, 均值为 0.05, 标准差为 0.005。进行 1000 次随机抽样, 率的转换方法包括了不转换、logit 转换及双重反正弦转换等 3 种方法, 结果双重反正弦法表现最佳。遗憾的是这两个研究各自只比较了 3 种率的转换方法, 且没有反正弦转换与双重反正弦转换的直接对比。而令人担忧的是最近一篇文献认为在单个率的 Meta 分析中使用双重反正弦转换有严重缺陷, 并建议使用广义线性混合模型<sup>[11]</sup>。

Meta 分析的方法学研究具有重要意义, 特别是在率较小的时候。例如 2007 年新英格兰医学杂志发表了一篇糖尿病药物罗格列酮安全性的 Meta 分析<sup>[12]</sup>, 认为罗格列酮增加心肌梗死的风险, 并且有增加心血管死亡的趋势。这篇文章一经发表就引起了广泛的争议, 在 Meta 分析的方法学上也有不同的看法, 特别是针对较小的率的处理方法, 不同的 Meta 分析甚至得到相反的结果<sup>[13-17]</sup>。尽管如

此，新英格兰医学杂志发表的这篇 Meta 分析成为药物安全性问题的重要依据，促进了欧洲于 2010 年将该药下市，美国 FDA 于 2011 年严格限制了该药的使用。到后来有了更多的临床依据之后，美国 FDA 于 2013 年撤销了药物使用的限制，2015 年再次重申了药物安全的观点<sup>[18]</sup>。

当前对于有对照组的小概率事件的 Meta 分析已有较多的探讨<sup>[19-23]</sup>，但对于单个率 Meta 分析率的不同转换方法适用性的研究仍然不够充分<sup>[9, 10]</sup>。临床上对单个率进行汇总分析需求越来越多，包括药物或器械的不良事件分析等。在这样的一个背景下，Meta 分析应当对方法学有较为详细的介绍，保证 Meta 分析的可重复性。

本文的局限在于：1) 文献检索尚不够充分全面，仅检索了 PubMed 一年的文献，尚有部分文献未获得全文。但研究结果应当已经能反应当前单个率 Meta 分析方法学交代尚不充分的基本事实。2) 当一篇文献有多个单个率的 Meta 分析时，只选择了最主要的或最早出现的分析。3) 重点关注了率的转换方法的应用，对于其他一些重要的参数如权重、校正等仅略有提及，特别是 95% 可信区间的构造方法未能包含，但现有的信息也反映了这些参数在发表的文献中很少提及。

总之，单个率的 Meta 分析中率的转换方法是较为重要的因素，但各种方法的优劣尚无定论，除进一步加强方法学的研究外，发表的文献也应注重对于率的转换等方法的说明。

## 5 参考文献

- [1] 李幼平. 循证医学[M]. 北京:人民卫生出版社,2014.
- [2] Gurevitch J, Koricheva J, Nakagawa S, et al. Meta-analysis and the science of research synthesis[J]. *Nature*,2018,555(7695):175-182.
- [3] Glass G V. Primary, secondary, and meta-analysis of research[J]. *Educ. Res.*,1976,5(10):3-8.
- [4] Wang T, Liu Y, Li Z, et al. Prevalence of intimate partner violence (IPV) during pregnancy in China: A systematic review and meta-analysis[J]. *PLoS One*,2017,12(10):e175108.
- [5] 王佩鑫, 李宏田, 刘建蒙. 无对照二分类资料的 Meta 分析方法及 Stata 实现[J]. *循证医学*,2012,12(01):52-55.
- [6] 罗美玲, 谭红专, 周权, 等. 在 R 软件中实现单个率的 Meta 分析[J]. *循证医学*,2013,13(03):181-184.
- [7] 肖静, 吴桂云, 高月霞, 等. 单一率 Meta 分析的 Matlab 软件实现[J]. *中国卫生统计*,2014,31(04):715-717.
- [8] 陈月红, 杜亮, 耿兴远, 等. 无对照二分类数据的 Meta 分析在 RevMan 软件中的实现[J]. *中国循证医学杂志*,2014,14(07):889-896.
- [9] Trikalinos T A, Trow P, Schmid C H. Simulation-Based Comparison of Methods for Meta-



Analysis of Proportions and Rates[M]. Rockville (MD):Agency for Healthcare Research and Quality (US),2013.

[10] Barendregt J J, Doi S A, Lee Y Y, et al. Meta-analysis of prevalence[J]. Journal of Epidemiology and Community Health,2013,67(11):974-978.

[11] Schwarzer G, Chemaitelly H, Abu-Raddad L J, et al. Seriously misleading results using inverse of freeman-tukey double arcsine transformation in meta-analysis of single proportions[J]. Res Synth Methods,2019 doi: 10.1002/jrsm.1348. [Epub ahead of print].

[12] Nissen S E, Wolski K. Effect of Rosiglitazone on the Risk of Myocardial Infarction and Death from Cardiovascular Causes[J]. New England Journal of Medicine,2007,356(24):2457-2471.

[13] 卢宇, 马德琳, 余学锋. 罗格列酮和吡格列酮的心血管安全性[J]. 药物不良反应杂志,2015(2).

[14] 陈燕铭, 唐喜香, 曾龙驿. 再评罗格列酮的心血管安全性[J]. 中华内分泌代谢杂志,2014,30(6).

[15] Dahabreh I J. Meta-analysis of rare events: an update and sensitivity analysis of cardiovascular events in randomized trials of rosiglitazone[J]. Clinical Trials: Journal of the Society for Clinical Trials,2008,5(2):116-120.

[16] Cai T, Parast L, Ryan L. Meta-analysis for rare events[J]. Statistics in Medicine,2010,29(20):2078-2089.

[17] Nissen S E, Wolski K. Rosiglitazone Revisited[J]. Archives of Internal Medicine,2010,170(14):1191-1201.

[18] FDA Drug Safety Communication: FDA eliminates the Risk Evaluation and Mitigation Strategy (REMS) for rosiglitazone-containing diabetes medicines[Z]. 2015:2018.

[19] Bhaumik D K, Amatya A, Normand S T, et al. Meta-Analysis of Rare Binary Adverse Event Data[J]. Journal of the American Statistical Association,2012,107(498):555-567.

[20] Ma Y, Chu H, Mazumdar M. Meta-analysis of Proportions of Rare Events - A Comparison of Exact Likelihood Methods with Robust Variance Estimation[J]. Communications in Statistics - Simulation and Computation,2015,45(8):3036-3052.

[21] Bakbergenuly I, Kulinskaya E, Morgenthaler S. Inference for binomial probability based on dependent Bernoulli random variables with applications to meta-analysis and group level studies[J]. Biometrical Journal,2016,58(4):896-914.

[22] Bai O, Chen M, Wang X. Bayesian Estimation and Testing in Random Effects Meta-Analysis of Rare Binary Adverse Events[J]. Statistics in Biopharmaceutical Research,2016,8(1):49-59.

[23] Jackson D, Law M, Stijnen T, et al. A comparison of seven random-effects models for meta-analyses that estimate the summary odds ratio[J]. Stat Med,2018,37(7):1059-1085.